Variations et extremums

Exercices d'application

Apprendre à apprendre



- 9 On suppose que l'on dispose de la courbe représentative d'une fonction.
- **1.** Comment déterminer les intervalles sur lesquels la fonction est croissante ? décroissante ?
- **2.** En dressant son tableau de variations, quel axe va-t-on utiliser pour compléter la première ligne ?
- 1. Quel est le sens de variation possible d'une fonction affine ?
- 2. Comment le déterminer ?
- 11 1. Dresser l'allure de la courbe représentative des fonctions carré, inverse, cube et racine carrée.
- 2. Dresser leurs tableaux de variations.

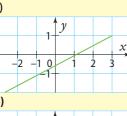
Questions - Flash





12 Associer à chaque courbe son tableau de variations.

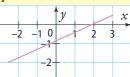
a)



1



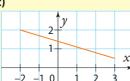
b)



2

x	-2,5	3
g	-2	7 0,5

c)



(3)

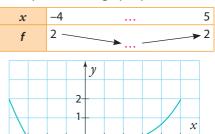
\boldsymbol{x}	-2,5	3
h	-2	1

- 13 Déterminer le sens de variations de chacune des fonctions affines définies ci-dessous.
- **a)** $f_1(x) = 2x 5$
- **b)** $f_2(x) = 7x$
- **c)** $f_2(x) = -0.9x + 1$
- 14 Tracer dans un repère une courbe possible d'une fonction ayant pour tableau de variations:

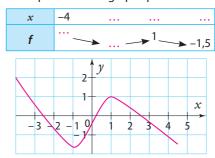
x	-2	-1	2
f	-3	1	•0

Dresser un tableau de variations

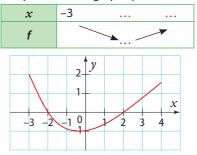
Recopier et compléter le tableau de variations proposé à partir de la représentation graphique suivante.



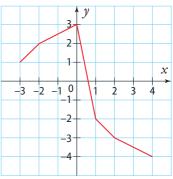
16 Recopier et compléter le tableau de variations proposé à partir de la représentation graphique suivante.



17 Recopier et compléter le tableau de variations proposé à partir de la représentation graphique suivante.



18 *f* est une fonction dont voici la courbe représentative dans un repère.

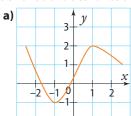


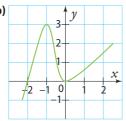
- **1.** Décrire les variations de f à l'aide de phrases.
- 2. Dresser le tableau de variations à l'aide de phrases.

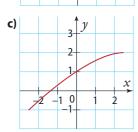


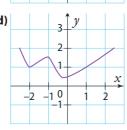
Exercices d'application

19 Pour chacune des courbes suivantes, établir le tableau de variations des fonctions f représentées.









Une fonction f est décroissante sur $]-\infty$; 4] et croissante sur [4; $+\infty$ [. On sait de plus que f(4) = -3.

Dresser le tableau de variations de la fonction f.

Interpréter un tableau de variations

21 g est une fonction dont on connaît le tableau de variations.

\boldsymbol{x}	-3	1	2	5
g	4	3 /	y 5 \	-3

- 1. a) Donner le sens de variation de la fonction q sur l'intervalle [2;5].
- **b)** En déduire quel est le nombre le plus grand entre g(3)
- 2. Sur le modèle de la guestion précédente, comparer q(1)et q(1,5).
- **3.** Même question pour g(-2) et g(0).
- q est une fonction dont voici le tableau de variations.

x	-2	1	2	10
g	8	→ -3 /	y 1	→ -4

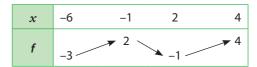
On sait de plus que q(0) = 1.

- 1. Tracer dans un repère une courbe possible pour la fonction f.
- **2.** Résoudre l'inéquation $g(x) \le 1$.
- **3.** Comparer q(3) et q(5).
- f est une fonction dont voici le tableau de variations.

x	-3	2	4
f	7	→ -1 <i>─</i>	2

Indiquer sur quel intervalle f est croissante et sur quel intervalle f est décroissante.

Voici le tableau de variations d'une fonction f.



Comparer si possible les nombres suivants, en justifiant.

- **a)** f(-2) et f(-1) **b)** f(0) et f(2) **c)** f(3) et f(3,5)

Voici le tableau de variations d'une fonction f.

x	-2	0	1	7
f	5	1 /	y 4 \	0

- 1. Comparer si possible les nombres suivants en justifiant.
- **a)** f(2) et f(4)
- **b)** f(-2) et f(-1)
- **2.** Résoudre $f(x) \ge 0$.
- **3.** On sait de plus que f(-1,5) = 4. Résoudre $f(x) \le 4$ et f(x) > 4.

Comparer des nombres avec les fonctions de référence

- 26 Soit f la fonction carré.
- 1. Rappeler son tableau de variations.
- 2. Comparer les nombres suivants.
- **a)** f(1) et f(4)
- **b)** f(-3) et f(-2)
- 1. Tracer dans un repère l'allure de la fonction carré.
- 2. En s'appuyant sur la courbe, comparer les nombres suivants sans effectuer de calcul.
- a) 3,22 et 3,52
- **b)** $(-2)^2$ et $(-2,4)^2$
- 28 Soit f la fonction inverse.
- 1. Rappeler son tableau de variations.
- 2. Comparer les nombres suivants.
- **a)** f(2) et f(9)
- **b)** f(-1) et f(-0.5)
- 29 1. Tracer dans un repère l'allure de la fonction inverse.
- 2. En s'appuyant sur la courbe, comparer les nombres suivants sans effectuer de calcul.

a)
$$\frac{1}{3}$$
 et $\frac{1}{3.2}$

b)
$$\frac{1}{-2}$$
 et $\frac{1}{-1,5}$

- 30 Soit f la fonction racine carrée.
- 1. Rappeler son tableau de variations.
- 2. Comparer les nombres suivants.
- **a)** f(1) et f(4)

b)
$$f\left(\frac{7}{2}\right)$$
 et $f(3,2)$

9 • Variations et extremums

227



- **31** 1. Tracer dans un repère l'allure de la fonction racine carrée.
- **2.** En s'appuyant sur la courbe, comparer les nombres suivants sans effectuer de calcul.

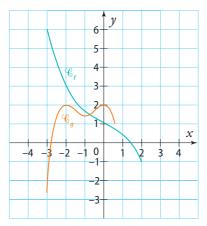
a)
$$\sqrt{3}$$
 et $\sqrt{2,7}$

b)
$$\sqrt{\frac{3}{2}}$$
 et $\sqrt{\frac{4}{3}}$

- 32 Soit f la fonction cube.
- 1. Rappeler son tableau de variations.
- 2. Comparer les nombres suivants.
- **a)** f(0) et f(4)
- **b)** f(-3) et f(2)
- 33 1. Tracer dans un repère l'allure de la fonction cube.
- 2. En s'appuyant sur la courbe, comparer les nombres suivants sans effectuer de calcul.
- **a)** 4,015³ et 4,1³
- **b)** $(-2)^3$ et $(-\sqrt{2})^3$

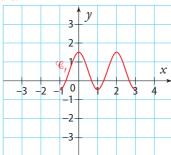
Déterminer un maximum ou un minimum

f et g sont des fonctions dont voici les courbes représentatives.

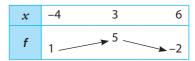


- **1.** *f* admet-elle un maximum ? un minimum ? Si oui, pour quelle(s) valeur(s) de *x* sont-ils atteints ?
- **2.** Même question pour la fonction g.

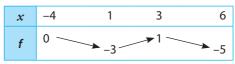
f est une fonction dont voici la courbe représentative dans un repère.



- 1. Donner l'ensemble de définition de f.
- 2. Déterminer le maximum éventuel de f et préciser pour quelle(s) valeur(s) de x il est atteint.
- **3.** Déterminer le minimum éventuel de f et préciser pour quelle(s) valeur(s) de x il est atteint.
- f est une fonction dont voici le tableau de variations.



- 1. Donner l'ensemble de définition de f.
- **2.** *f* admet-elle un maximum ? Si oui, pour quelle(s) valeur(s) de *x* est-il atteint ?
- **3.** *f* admet-elle un minimum ? Si oui, pour quelle(s) valeur(s) de *x* est-il atteint ?
- f est une fonction dont voici le tableau de variations.



- 1. Donner l'ensemble de définition de f.
- **2.** Déterminer le minimum de f et la valeur de x pour laquelle il est atteint.
- **3.** Déterminer le maximum de f et la valeur de x pour laquelle il est atteint.

Calculs et automatismes



38 Développer et simplifier les expressions suivantes.

a)
$$(x + 1)^2 - 5$$

b)
$$-2(x+1)^2+3$$

Donner les variations des fonctions f, g et h définies sur \mathbb{R} par :

a)
$$f(x) = -3x + 5$$

b)
$$q(x) = x^2$$

c)
$$h(x) = 6x$$

40 Résoudre dans \mathbb{R} .

a)
$$x^2 = 9$$

b)
$$x^2 = 5$$

c)
$$4x + 5 = 0$$

d)
$$-3x + 2 = -7x + 4$$